

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
ФГБОУ «Дагестанский государственный технический университет»

РЕКОМЕНДОВАНО  
К УТВЕРЖДЕНИЮ:  
Декан факультета МП  
Ашуралиева Р.К.  
Подпись ФИО  
«20» 09 2018 г.

УТВЕРЖДАЮ:  
Проректор по учебной работе,  
председатель методического  
совета ДГТУ  
Суракатов Н.С.  
Подпись ФИО  
«27» 09 2018 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЬ)**

Дисциплина M1.Б.2 Математическое моделирование в задачах нефтегазовой отрасли  
наименование дисциплины по ООП и код по ФГОС

для направления 21.04.01 Нефтегазовое дело  
шифр и полное наименование направления (специальности)

по магистерской программе «Разработка нефтяных месторождений»

факультет Магистерской подготовки  
наименование факультета, где ведется дисциплина

кафедра Бурение нефтяных и газовых скважин  
наименование кафедры, за которой закреплена дисциплина

Квалификация выпускника(степень) магистр

Форма обучения очная, курс 1 семестр (ы) 1  
очная, заочная, др.

Всего трудоемкость в зачетных единицах (часах) 2 ЗЕТ (72 ч.)  
лекции —; экзамен —,  
(семестр)

практические (семинарские) занятия 34 (час); зачет 1 сем  
(семестр)

лабораторные занятия — (час); самостоятельная работа 38 (час);  
курсовый проект (работа, РГР) — (семестр).

Зав.кафедрой \_\_\_\_\_ /Алиев Р.М./  
подпись \_\_\_\_\_ ФИО  
Начальник УО \_\_\_\_\_ /Магомаева Э.В./  
подпись \_\_\_\_\_ ФИО

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО с  
учетом рекомендаций и ООП ВО по направлению и профилю  
подготовки 21.04.01 Нефтегазовое дело, «Бурение нефтяных и газовых скважин»  
Программа одобрена на заседании выпускающей кафедры  
от 03.09.2018 года, протокол № 1.

Зав. выпускающей кафедрой по данному направлению (специальности, профилю).  
\_\_\_\_\_ Алиев Р.М.  
подпись ФИО

**ОДОБРЕНО:**

**Методической Комиссией по УГС и  
направлений подготовки 21.00.00.-  
Прикладная геология, горное дело,  
нефтегазовое дело и геодезия**

**Председатель МК, к.т.н., ст.препод.**

  
подпись

**Курбанов Ш.М.**

ФИО

**АВТОР ПРОГРАММЫ:**

**Курбанов Ш.М.  
к.т.н., ст. преподаватель**



## **1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.**

Цель дисциплины – изучение основных понятий, приемов и методов математического моделирования и применение их к решению задач в нефтегазовой отрасли. Задачи дисциплины: ознакомление магистрантов с важнейшими понятиями математического моделирования и применение основных методов и приемов математического моделирования для решения задач нефтегазовой отрасли; рассмотрение базовых понятий математического моделирования; демонстрация основных методов и приемов решения задач.

## **2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО:**

Дисциплина «Математическое моделирование в задачах нефтегазовой отрасли» относится к базовым дисциплинам по направлению «Нефтегазовое дело». Дисциплина базируется на цикле естественнонаучных дисциплин, входящих в модуль математика, информатика, подземная гидромеханика, теория многокомпонентной фильтрации, освоенными слушателями на предыдущих этапах. Дисциплина является предшествующей для изучения «Общей теории динамических систем».

## **3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ).**

*В процессе освоения дисциплины студент формирует и демонстрирует следующие общекультурные, общепрофессиональные и профессиональные компетенции при освоении ООП ВО реализующей ФГОС ВО:*

- способность к абстрактному мышлению, анализу, синтезу (ОК-1);
- готовность к саморазвитию, самореализации, использованию творческого потенциала (ОК-3);
- способность формулировать и решать задачи, возникающие в ходе научно-исследовательской и практической деятельности (ОПК-1);
- способность изменять научный и научно-производственный профиль своей профессиональной деятельности (ОПК-3);
- способность разрабатывать научно-техническую, проектную и служебную документацию, оформлять научно-технические отчеты, обзоры, публикации по результатам выполненных исследований (ОПК-4);
- способность готовности к коммуникации в устной и письменной формах на государственном языке Российской Федерации и иностранном языке для решения задач профессиональной деятельности (ОПК-5);
- способность формулировать и решать задачи, возникающие в ходе научно-исследовательской и практической деятельности (ПК-1);
- способность использовать профессиональные программные комплексы в области математического моделирования технологических процессов и объектов (ПК-4).

### **Студент должен знать:**

- основные принципы построения математических моделей;
- основные методы исследования математических моделей.
- основные понятия задач нефтегазовой отрасли
- основные принципы математического моделирования процессов в пласте
- основные типы уравнений математической физики и методы их решения,

- основные математические модели, применяемые для описания пластов, содержащих нефть и газ

**Студент должен уметь:**

- строить математические модели;
- анализировать полученные результаты, строить иерархическую цепочку моделей;
- применять основные приемы математических моделей при решении задач нефтегазовой отрасли
- применять полученные знания, навыки и умения в последующей профессиональной деятельности

**Студент должен владеть:**

- основными понятиями и принципами математического моделирования;
- навыками постановки задач подземной механики жидкостей и газов;
- навыками решения научно-исследовательских и прикладных задач нефтегазодобычи
- теоретическими знаниями, полученными при изучении базовых и специальных дисциплин;
- методами сбора, обработки, анализа и систематизации научно-технической информации по теме исследования, выбор методик и средств решения задачи;
- методами подготовки научно-технических отчетов, обзоров, публикаций по результатам выполненных исследований.

#### **4. Структура и содержание дисциплины (модуля)**

##### **4.1. Содержание дисциплины.**

№ п/п	Раздел дисциплины Тема лекции и вопросы	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)				Формы текущего* контроля успеваемости (по срокам текущих аттестаций в семестре) Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
				ЛК	ПЗ	ЛР	СР	
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	<b>Введение в математическое моделирование.</b> 1. Определение и назначение математических моделей 2. Классификация математических моделей 3. Этапы построение математических моделей 4. Примеры математических моделей	1	1		2		2	Входная КР
2	<b>Основные уравнения фильтрации жидкостей и газов</b> 1. Закон сохранения массы. Уравнение неразрывности 2. Закон сохранения импульса. Уравнение фильтрации 3. Закон сохранения энергии. Уравнение теплопроводности 4. Уравнение состояния. Линейные и нелинейные законы фильтрации		2-3		4		4	ПЗ КР-1
3	<b>Методы решения задач однофазной фильтрации</b> 1. Аналитические методы решения задач многофазной фильтрации 2. конечно-разностные методы решения задач многофазной фильтрации 3. неявная схема для уравнения многофазной фильтрации 4. метод совместно решения		3-5		4		6	
4	<b>Математические модели транспортируемых сред</b> 1. Математические модели жидкости (идеальная и вязкая жидкость, сжимаемая и несжимаемая жидкость, ньютоновская и неニュ顿новская жидкость)		6-7		4		2	ПЗ КР-2

	2. Математические модели газообразные сплошных сред (совершенный газ, реальный газ) 3. математическая модель упругого деформируемого трубопровода 4. ламинарное и турбулентное течение жидкости в трубопроводе						
5.	<b>Математические модели одномерных течений жидкости и газа в трубопроводах</b> 1. Моделирование и расчет установившихся режимов работы трубопроводов 2. Моделирование и расчет неустановившегося течения сжимаемой жидкости в трубопроводе 3. Моделирование и расчет неустановившегося течения газа в газопроводе 4. Распространение волн в трубопроводах. Гидравлический удар в трубопроводах	8-9	4		8		
6.	<b>Обыкновенные дифференциальные уравнения в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Уравнения первого порядка. Общие методы интегрирования 2. Линейные уравнения. Общие методы интегрирования 3. Линейные уравнения с постоянными коэффициентами. Общие методы интегрирования 4. Нелинейные уравнения второго порядка. Фазовая плоскость. Особые точки. Устойчивость по Ляпунову.	10-11	4		8		
7.	<b>Дифференциальные уравнения в частных производных в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Уравнения первого порядка. Уравнения с двумя переменными. Задача с начальными условиями (задача Коши) 2. Уравнения второго порядка с двумя переменными. Классификация уравнений. Преобразование уравнений к каноническому виду. 3. Характеристики уравнения. Решение гиперболических уравнений методом характеристик 4. Типичные краевые задачи для уравнений второго порядка	12-13	4		8		KP-3

<b>Уравнения математической физики в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Волновое уравнение. Частные решения для волнового уравнения 2. Уравнения Лапласа. Частные решения для уравнения Лапласа. 3. Уравнение диффузии. Частные решения для уравнения диффузии.	14-15		4		
<b>Уравнения математической физики в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Решение начально-краевых задач для уравнения теплопроводности	16-17		4		
<b>Итого:</b>			<b>34</b>	<b>38</b>	Зачет

## 4.2. Содержание практических занятий

<b>№ п/п</b>	<b>Наименование практического занятия</b>	<b>Количество часов</b>	<b>Рекомендуемая литература и методические разработки (№ источника из списка литературы)</b>
<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>
1	<b>Введение в математическое моделирование.</b> 1. Определение и назначение математических моделей 2. Классификация математических моделей 3. Этапы построение математических моделей 4. Примеры математических моделей	2	1,2
2	<b>Основные уравнения фильтрации жидкостей и газов</b> 1. Закон сохранения массы. Уравнение неразрывности 2. Закон сохранения импульса. Уравнение фильтрации 3. Закон сохранения энергии. Уравнение теплопроводности 4. Уравнение состояния. Линейные и нелинейные законы фильтрации	2	1,2
3	<b>Основные уравнения фильтрации жидкостей и газов</b> 1. Закон сохранения энергии. Уравнение теплопроводности 2. Уравнение состояния. Линейные и нелинейные законы фильтрации	2	1,2
4	<b>Методы решения задач однофазной фильтрации</b> 1. Аналитические методы решения задач многофазной фильтрации 2. конечно-разностные методы решения задач многофазной фильтрации	2	1,2
5	<b>Методы решения задач однофазной фильтрации</b> 1. неявная схема для уравнения многофазной фильтрации 2. метод совместно решения	2	1,2
6	<b>Математические модели транспортируемых сред</b> 1. Математические модели жидкости (идеальная и вязкая жидкость, сжимаемая и несжимаемая жидкость, ньютоновская и неニュтоновская жидкость) 2. Математические модели газообразные сплошных сред (совершенный газ, реальный газ)	2	1,2

7	<b>Математические модели транспортируемых сред</b> 1. математическая модель упругого деформируемого трубопровода 2. ламинарное и турбулентное течение жидкости в трубопроводе	2	1,2
8	<b>Математические модели одномерных течений жидкости и газа в трубопроводах</b> 1. Моделирование и расчет установившихся режимов работы трубопроводов 2. Моделирование и расчет неустановившегося течения сжимаемой жидкости в трубопроводе	2	1,2
9	<b>Математические модели одномерных течений жидкости и газа в трубопроводах</b> 1. Моделирование и расчет неустановившегося течения газа в газопроводе 2. Распространение волн в трубопроводах. Гидравлический удар в трубопроводах	2	1,2
10	<b>Обыкновенные дифференциальные уравнения в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Уравнения первого порядка. Общие методы интегрирования 2. Линейные уравнения. Общие методы интегрирования	2	1,2
11	<b>Обыкновенные дифференциальные уравнения в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Линейные уравнения с постоянными коэффициентами. Общие методы интегрирования 2. Нелинейные уравнения второго порядка. Фазовая плоскость. Особые точки. Устойчивость по Ляпунову.	2	1,2
12	<b>Дифференциальные уравнения в частных производных в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Уравнения первого порядка. Уравнения с двумя переменными. Задача с начальными условиями (задача Коши) 2. Уравнения второго порядка с двумя переменными. Классификация уравнений. Преобразование уравнений к каноническому виду.	2	1,2
13	<b>Дифференциальные уравнения в частных производных в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Характеристики уравнения. Решение гиперболических уравнений методом характеристик 2. Типичные краевые задачи для уравнений второго порядка	2	1,2

14	<b>Уравнения математической физики в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Волновое уравнение. Частные решения для волнового уравнения	2	1,2
15	<b>Уравнения математической физики в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 2. Уравнения Лапласа. Частные решения для уравнения Лапласа. 3. Уравнение диффузии. Частные решения для уравнения диффузии.	2	1,2
16	<b>Уравнения математической физики в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 3. Уравнение диффузии. Частные решения для уравнения диффузии.	2	1,2
17	<b>Уравнения математической физики в задачах моделирования в нефтегазовой отрасли</b> 1. Решение начально-краевых задач для уравнения теплопроводности	2	1,2
	<b>Итого:</b>	<b>34 ч.</b>	

#### 4.3 Тематика для самостоятельной работы студента

№ п/п	Тематика по содержанию дисциплины, выделенная для самостоятельного изучения	Количество часов из содержания дисциплины	Рекомендуемая литература и источники информации	Формы контроля СРС
1	2	3	4	5
1	Простейшие математические модели и основы математического моделирования	2	1,2,3	КР
2	Получение математических моделей. Постановка задачи. Построение математической модели. Этапы построения математической модели.	4	1,2,3	КР
3	Исследование математической задачи, к которой привела математическая модель	4	1,2,3	КР
4	Теоретическое исследование математических моделей	4	1,2,3	КР
5	Понятия подземной гидродинамики в моделировании. Закон Дарси. Проницаемость. Потенциальная скорость течения.	4	1,2,3	КР

6	Течение реального газа. Потенциал скорости реального газа.	4	1,2,3	KP
7	Стационарное и нестационарное течение.	4	1,2,3	KP
8	Типы флюидов. Характер течения флюидов в пористой среде.	4	1,2,3	KP
9	Порядок составления уравнений для моделирования.	4	1,2,3	KP
10	Многокомпонентные системы. Составление блок-схем решения уравнения.	4	1,2,3	KP
	<i>Итого:</i>	38 ч.		

#### 4.3 Тематика для самостоятельной работы студента

№ п/п	Тематика по содержанию дисциплины, выделенная для самостоятельного изучения	Количество часов из содержания дисциплины	Рекомендуемая литература и источники информации	Формы контроля СРС
1	2	3	4	5
1	Виды моделей (математические, физические). Понятие о математическом моделировании. Основные этапы моделирования. Геологическая и гидродинамическая модели. Совокупность исходных данных о строении и процессах, происходящих в пласте (базы данных). Цели и задачи моделирования (прогнозирование разработки, решение исследовательских задач).	2	1,2,3	KP
2	Закон сохранения массы. Закон движения. Модели фильтрации: многокомпонентная (композиционная), многофазная, понятие о моделях физико-химических и тепловых методов повышения нефтеотдачи. Свойства флюидов и породы. Начальные и граничные условия.	4	1,2,3	KP

3	Дискретизация по пространству и по времени. Явная и неявная схемы. Дискретизация двух- и трехмерных уравнений. Погрешности дискретизации. Понятие об устойчивости вычислений. Метод рядов Фурье и матричный метод исследования устойчивости. Типы сеток и задание граничных условий. Материалный баланс (консервативные схемы).	6	1,2,3	KP
4	Дискретизация и решение уравнений фильтрации. Дискретизация по пространству, аппроксимация проводимостей. Взвешивание проводимостей (определение относительных фазовых проницаемостей против потока). Дискретизация по времени: явно-неявный (IMPES) и неявный (SS) методы. Учет нелинейностей (сильные и слабые нелинейности). Аппроксимация проводимостей по времени. Об устойчивости основных методов. Устойчивость решения по отношению к проводимостям (выбор временного шага).	6	1,2,3	KP
5	Моделирование скважин. Модель Писмана. Виды граничных условий на скважинах в случае многофазной фильтрации. Скин-фактор. Учет локальных эффектов вблизи скважин при моделировании (псевдофункции, измельчение разностной сетки). Особенности моделирования горизонтальных скважин и скважин, пересеченных трещинами гидравлического разрыва.	6	1,2,3	KP
6	Исходные данные для моделирования. Источники информации. Подготовка данных. Переход от геологической модели к гидродинамической. Свойства пласта и методы их определения (геометрические размеры, пористость, насыщенность и капиллярное давление, абсолютная проницаемость, фазовые проницаемости для двух- и трехфазной фильтрации). Свойства флюидов. Промысловые данные по скважинам. Схематизация пласта. Выбор расчетной модели.	6	1,2,3	KP

7	Методы определения эффективных характеристик расчетных блоков. Эффективные характеристики (пористость, абсолютная и относительные проницаемости, капиллярное давление). Осреднение и масштабирование. Псевдофункции фазовых проницаемостей и капиллярного давления.	4	1,2,3	KP
8	Этапы создания модели для решения практических задач разработки. Построение статической (геолого-математической) модели. Воспроизведение истории разработки. Прогнозирование технологических показателей разработки с помощью модели. Задание граничных условий при переходе на прогноз. Выбор оптимальной технологии разработки. Постоянно действующие модели. Иерархические модели.	4	1,2,3	KP
	<b>Итого:</b>	<b>38 час.</b>		